

PARTIE A : PUISSANCE MAXIMALE RECUPERABLE

$$\text{A.1} \quad E_{\text{amont}} = p_{\text{atm}} + \rho_{\text{air}} g h + \frac{1}{2} \rho_{\text{air}} v_{\text{amont}}^2 = E_A$$

$$\text{A.2} \quad E_{\text{aval}} = p_{\text{atm}} + \rho_{\text{air}} g h + \frac{1}{2} \rho_{\text{air}} v_{\text{aval}}^2 = E_B$$

$$\text{A.3} \quad \text{En négligeant les frottements} \quad E_{\text{éolienne}} = E_A - E_B$$

$$\Rightarrow E_{\text{éolienne}} = \frac{1}{2} \rho_{\text{air}} (v_{\text{amont}}^2 - v_{\text{aval}}^2)$$

$$\text{A.4} \quad P_{\text{éolienne}} : [\text{W}] \text{ ou } [\text{J/s}] = Q [\text{m}^3/\text{s}] \times E_{\text{éol}} [\text{J/m}^3]$$

$$\text{A.5} \quad P_{\text{éolienne}} = S \times \underbrace{v_{\text{air}}}_{\frac{v_{\text{amont}} + v_{\text{aval}}}{2}} \times \frac{1}{2} \rho_{\text{air}} (v_{\text{amont}}^2 - v_{\text{aval}}^2)$$

$$\Rightarrow P_{\text{éolienne}} = \frac{1}{2} \rho_{\text{air}} S (v_{\text{amont}}^2 - v_{\text{aval}}^2) \times \left(\frac{v_{\text{amont}} + v_{\text{aval}}}{2} \right)$$

$$\text{A.6} \quad \text{L'extraction est maximale pour } \frac{v_{\text{aval}}}{v_{\text{amont}}} \approx 0,33 \quad \text{plus précis } 0,328$$

$$\text{A.7} \quad \text{L'éolienne G90 pour une vitesse de vent en amont de } 7 \text{ m/s}$$

la puissance maximale est.

$$\text{Aire balayée : } 6392 \text{ m}^2$$

$$v_{\text{amont}} : 7 \text{ m/s}$$

$$v_{\text{aval}} : 0,33 \times 7 =$$

$$P = \frac{1}{2} \times 1,225 \times 6392 (7^2 - (7 \times 0,33)^2) \times \left(\frac{7(1+0,33)}{2} \right)$$

$$P_{\text{éolienne}} = 792,0 \text{ kW}$$

A.8 Soit sur l'année une production d'énergie de

$$E = 792,7 \times 365 \times 24 = 6938 \text{ MWh} = E$$

(B.1) } Si le vent est à 7 m/s le $C_p \text{ max}^{=0,44}$ est obtenu pour $1,12 \text{ rad/s}$

(B.2)

(B.3) $P_{elec} = C_p \times P_{vent} = 0,44 \times \frac{1}{2} \cdot 1,225 \times 6362 \times 7^3 = 588 \text{ kW} = P_{elec} = P_{Gv7}$

(B.4) si le vent est à 9 m/s le C_p passe à $0,372$ si on ne change pas la vitesse des pales.

$\Rightarrow P_{elec} = 0,372 \times \frac{1}{2} \times 1,225 \times 6363 \times 9^3 = 1078 \text{ kW} = P_{elec} = P_{Gv9}$

(B.5) Point pas optimal C_p n'est pas max

(B.6) si on optimise la vitesse des pales à $1,43 \text{ rad/s}$

$P'_{Gv9} = 0,44 \times \frac{1}{2} \times 1,225 \times 6362 \times 9^3 = 1250 \text{ kW} = P'_{Gv9}$

(B.7) $P'_{Gv9} > P_{Gv9}$ gain de $\approx 25\%$ de puissance

(B.8) Choix effectué à vitesse variable (rotation de 9 à 19 tr/min)

(B.9) Lors des brusques variations de vent, l'apport d'énergie éolien est absorbé par la variation de vitesse \Rightarrow moins de casse.

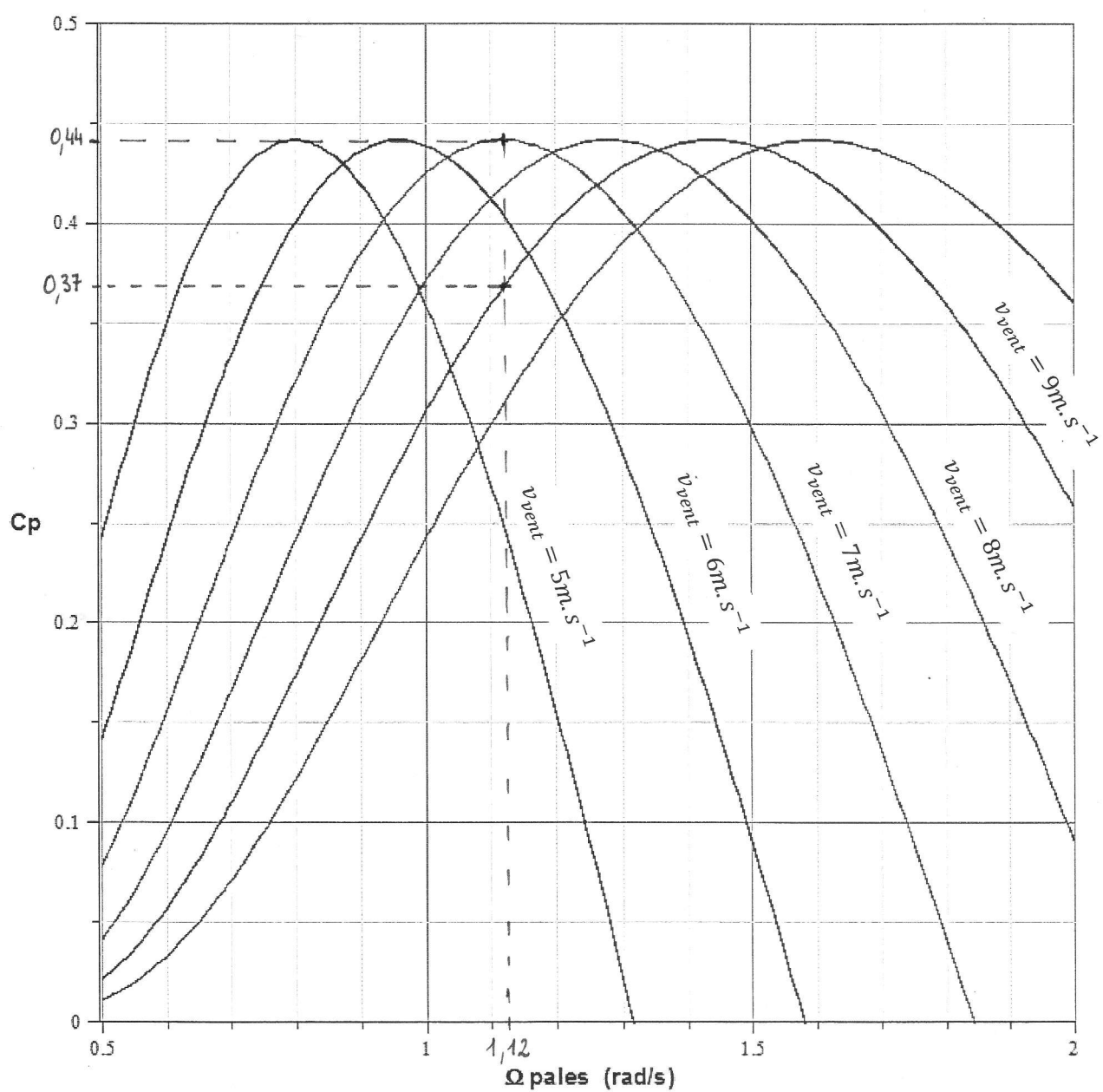
Document réponse 1 :

Tableau 1 :

$v_{vent} = 7 \text{ m.s}^{-1}$

	G80	G87	G90	G97	G114
Puissance (kW)	625,8	740,1	792	920	1270,7
Energie (MW.h)	5486	6488	6938	8065	11139

Figure 1 :



PARTIE C

GENERATRICE de TYPE "MADA"

C.1 Bilan de puissance:

$$C.1.1. \quad P_{méca} (1-g) = P_{stator}$$

en négligeant toutes les pertes autres que P_{jr}

$$P_{méca} = P_{jr} + P_{stator} = -g P_{th} + P_{stator}$$

$$P_{méca} = -g P_{stator} + P_{stator}$$

$$\Rightarrow P_{méca} = P_{stator} (1-g)$$

⇒

$$C.1.2. \quad P_{jr} = -g P_{th} = -g P_{stator} = P_{jr}$$

$$C.1.3. \quad P_{jr} = -g \frac{P_{méca}}{1-g}$$

C.2. Puissance rotorique:

$$C.2.1. \quad \text{rapport du multiplicateur: } 1:100,5$$

$$\text{vitesses limite: } \begin{matrix} 9 \text{ tr/min} \\ 19 \text{ tr/min} \end{matrix}$$

$$C.2.2. \quad \text{la vitesse du rotor est entre } \frac{9 \times 100,5}{60} = 15,07 \text{ tr/s} \text{ et } \frac{19 \times 100,5}{60} = 31,8 \text{ tr/s}$$

$$\Rightarrow n_s = \frac{f}{p} = \frac{50}{2} = 25$$

$$\Rightarrow \text{nombre de paires de pôles: } p=2$$

$$C.2.3 \quad g = \frac{25-15}{25} = 0,4 = g^- \quad \text{et} \quad g = \frac{-31,8+25}{25} = -0,272 = g^+$$

$$\text{pour } g^+ = -0,27 \quad P_{méca} = 2 \text{ MW} \quad v = 12 \text{ m.s}^{-1}$$

$$C.2.4. \quad P_{rotor} = \frac{-g^+}{1-g^+} P_{méca} = \frac{+0,273}{1+0,273} \times 2 = 0,429 \text{ MW} = P_{rotor}$$

$$P_{stator} = \frac{1}{1-g^+} P_{méca} = \frac{1}{1+0,273} \times 2 = 1,571 \text{ MW} = P_{stator}$$

Comme la puissance P_{rotor} est intégralement et "sans pertes" transmise par le bras du redresseur, onduleur au réseau, on retrouve les 2 MW au niveau du réseau

$$P_{réseau} = 2 \text{ MW}$$

C.2.5. Coefficient d'avance λ

$$\left. \begin{array}{l} R=44 \text{ m} \\ v_{\text{vent}}=12 \text{ m/s} \\ \Omega=19 \text{ ts/min} \end{array} \right\} \lambda = \frac{R \times \Omega}{v_{\text{vent}}} = \frac{44 \times 19 \times \frac{2\pi}{60}}{12} = 7,29$$

$$\boxed{\lambda = 7,29}$$

C.2.6. pour $g=g^-$ soit une vitesse de pale de 9 ts/min.

$$v_{\text{vent}} = \frac{R \Omega}{\lambda} = \frac{44 \times 9 \times \frac{2\pi}{60}}{7,29} = \boxed{5,69 \text{ m/s}}$$

C.2.7. si $v = 12 \text{ m/s}$ $P_{\text{méca}} = 2 \text{ MW}$

$$\boxed{\text{si } v = 5,7 \text{ m/s} \quad P_{\text{méca}} = 2 \times \frac{5,7^3}{12^3} = 0,214 \text{ MW}}$$

C.2.8.

$$P_{\text{rotor}} = \frac{-g^-}{1-g^-} P_{\text{méca}} = \frac{-0,4}{1-0,4} \times 0,214 = \boxed{-0,142 \text{ MW} = P_{\text{rotor}}}$$

$$P_{\text{stator}} = \frac{1}{1-g^-} P_{\text{méca}} = \frac{1}{1-0,4} \times 0,214 = \boxed{0,356 \text{ MW} = P_{\text{stator}}}$$

$$\boxed{P_{\text{réseau}} = 0,213 \text{ MW}}$$

C.2.9. si $v = 2 \text{ m/s}$ alors $P_{\text{rotor}} = 0,429 \text{ MW}$
 \Rightarrow les 2 convertisseurs MLI de la structure MADA doivent être dimensionnés
pour cette puissance $\boxed{P_{\text{dim}} = 0,429 \text{ MW}}$

D.1. à 20h00

$$v_{\text{vent}} = 7,53 \text{ m/s}$$

$$P = 703 \text{ kW}$$

$$Q = 52,9 \text{ kVAR}$$

$$D.2. \quad FD = \cos \varphi = \frac{P}{\sqrt{P^2 + Q^2}} = \frac{703}{\sqrt{703^2 + 52,9^2}} = 0,997 = FD = \cos \varphi$$

$$D.3. \quad d \cos \Phi_i = FD$$

$$D.4. \quad \text{S'il n'y a pas de distorsion alors } FD = FP = 0,997$$

D.5. Grosses variations du FD de 19h00 à 19h20 où le vent $< 6,3 \text{ m/s}$
 ce qui est \neq de la promesse du constructeur $f_p = 0,95$ ds toute
 la plage de puissance sat. de $v_{\text{sat}} = 5,7 \text{ m/s}$ à 12 m/s

$$D.6. \quad \text{Facteur de charge} = \frac{\Sigma W_{\text{produite}}}{10 \times 24 \times 2 \text{ MW}}$$

$$\text{Facteur de charge} = \frac{127892 \text{ kWh}}{10 \times 24 \times 2000 \text{ kWh}} = 26,6\% = F_{\text{charge}}$$

$$D.7. \quad \text{En Lorraine } P_{\text{installée}} = 709 \text{ MW}$$

$$W_{\text{produite}}/\text{an} = 1258 \text{ GWh}$$

$$\Rightarrow F_{\text{charge}} = \frac{1258 \times 1000 \text{ MWh}}{709 \times 24 \times 365 \text{ MWh}} = 20\% = F_{\text{charge}}$$

$F_{\text{charge}} \text{ sur 10 jours} > F_{\text{charge}} \text{ sur l'année}$ logique

Document réponse 2 :

Diagramme n°1 :

Compléter les cases vides avec les valeurs numériques associées au point de fonctionnement correspondant :

$g = g+ = -0,273$

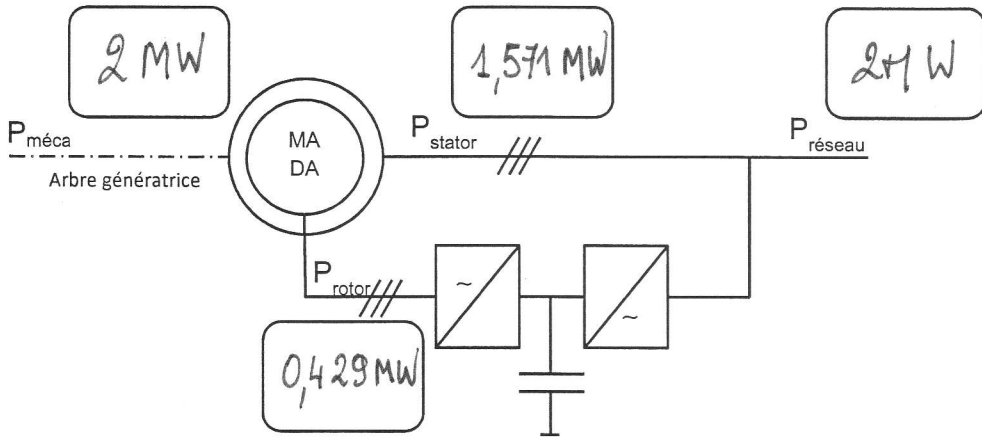


Diagramme n°2 :

Compléter les cases vides avec les valeurs numériques associées au point de fonctionnement correspondant :

$g = g- = 0,4$

